

# The College of Graduate Studies and the College of Science Cordially Invite You to a Master Thesis Defense

### **Entitled**

QUANTUM MARKOV CHAINS RELATED TO CERTAIN LATTICE MODELS

by

Ali AlAlaai

ID: 700042184

**Faculty Advisor** 

Prof. Farrukh Mukhamedov, Department of Mathematical Sciences

College of Science

Date & Venue

10:00 AM

Tuesday, 19 November 2024 Room 2119, F1 Building

#### **Abstract**

A central open problem in quantum field theory is the construction of a general theory of quantum field, this thesis introduces quantum probability and applies it via the construction of quantum Markov chains on different hierarchical lattices (Cayley trees). Furthermore, these trees correspond to the Ising-XY-Model which then the existence of a unique Markov chain can be utilized to detect phase transitions.

**Keywords:** Quantum Markov Chain, Ising model; XY-model; tree.

## تتشرف كلية الدراسات العليا وكلية العلوم بدعوتكم لحضور

مناقشة رسالة الماجستير

سلاسل ماركوف الكمية المرتبطة بنماذج شبكية معينة على العالي الرقم الجامعي: 700042184 د. فاروخ محمدوف قسم العلوم الرياضية كلية العلوم المكان والزمان 10.00 صياحا الثلاثاء، 19 نوفمبر 2024 F1, 2119

<u>الملخص</u> إحدى المشاكل المركزية المفتوحة في الاحتمالات الكمومية هي إنشاء نظرية عامة لحقول ماركوف. تساهم هذه الأطروحة في النظرية العامة من خلال تقديم مفهوم الاحتمال الكمي وتطبيقه من خلال بناء سلاسل ماركوف الكمومية على شبكات هرمية مختلفة المعروفة بأشجار كايلي. تتناول هذه الأطروحة نوعين من الأشجار: أحدهما يتوافق مع نموذج أيزنج أكس واي على الرتبة الثانية من شجرة الكايلي والتي من خلالها يمكن الكشف عن التحولات الطورية عن طريق سلاسل الماركوف. النموذج الآخر الذي تمت مناقشته هو شجرة (1،3) حيث تم اعتبار نموذج أكس واي لتحديد وجود سلسة ماركوف الكمومية. وتمت مناقشة طرق بناء هذه السلاسل وشروطها. تحدد هذه الأطروحة الحلول المرتبطة بالشروط، وفي حالة وجود مثل هذه الحلول، يتم تخصيص سلسلة ماركوف الكم للنموذج. الهدف هو بناء سلاسل ماركوف الكمومية واكتشاف التحولات الطورية لأن التحولات الطورية تظهر أهمية كبيرة واهتمامًا في العديد من مجالات الفيزياء مثل فيزياء المادة المكثفة.

كلمات البحث الرئيسية: سلاسل ماركوف الكمومية ' أشجار كايلي ' التحولات الطورية ' نموذج أيزنج أكس واي.

